

CETTE COPIE D'EXAMEN DOIT ETRE RENDUE INTEGRALEMENT A LA FIN DE LA SEANCE

EXAMEN DE TP PHYSIQUE 01 (Janvier 2013)

Nom..... Prénom..... Section/Gr..... Matric.....

EXERCICE N° 1 (06 points)

Les résultats de mesure de trois grandeurs physiques sont :

$x = 35 \pm 0.1$

$y = 5.5 \pm 0.25$

$z = 0,062 \pm 0.015$

On demande de calculer :

$A = x+y;$

$B = yz ;$

$C = y-xz ;$

$D = xy/z ;$

① $A = x+y; \ln A = \ln(x+y) \rightarrow \frac{dA}{A} = \frac{d(x+y)}{x+y} \rightarrow \frac{dA}{A} = \frac{dx}{x+y} + \frac{dy}{x+y} \rightarrow$
 $dA = A \left(\frac{dx}{x+y} + \frac{dy}{x+y} \right) \rightarrow dA = dx + dy \rightarrow \Delta A = \Delta x + \Delta y \rightarrow \Delta A = 0,35$
 $A = 40,40 \pm 0,35$ (1,5pts)

② $B = yz; \ln B = \ln(y \cdot z) \rightarrow \ln B = \ln y + \ln z \rightarrow \frac{dB}{B} = \frac{dy}{y} + \frac{dz}{z} \rightarrow$
 $dB = B \left(\frac{dy}{y} + \frac{dz}{z} \right) \rightarrow dB = z dy + y dz \rightarrow \Delta B = z \Delta y + y \Delta z \rightarrow \Delta B = 0,098$
 $B = 0,341 \pm 0,098$ (1,5pts)

③ $C = y - xz; \ln C = \ln(y - xz) \rightarrow \frac{dC}{C} = \frac{d(y - xz)}{y - xz} = \frac{dy - dxz - xdz}{y - xz}$
 $dC = C \left[\frac{dy - dxz - xdz}{y - xz} \right] \rightarrow dC = dy - z dx - x dz \rightarrow \Delta C = \Delta y + z \Delta x + x \Delta z$
 $\Delta C = 0,781 \rightarrow C = 3,33 \pm 0,78$ (1,5pts)

④ $D = xy/z; \ln D = \ln \left(\frac{xy}{z} \right) \rightarrow \ln D = \ln(xy) - \ln z \rightarrow \frac{dD}{D} = \frac{d(xy)}{xy} - \frac{dz}{z}$
 $\frac{dD}{D} = \frac{y dx}{xy} + \frac{x dy}{xy} - \frac{dz}{z} \rightarrow dD = \frac{xy}{z} \left[\frac{y dx}{xy} + \frac{x dy}{xy} - \frac{dz}{z} \right]$
 $\rightarrow dD = \frac{y}{z} dx + \frac{x}{z} dy - \frac{xy}{z^2} dz \rightarrow \Delta D = \frac{y}{z} \Delta x + \frac{x}{z} \Delta y + \frac{xy}{z^2} \Delta z$
 $\Delta D = 901,170 \rightarrow D = 3104,858 \pm 901,170$ (1,5pts)

Différentielle totale $f(x, y, z) \rightarrow df = \frac{\partial f}{\partial x} dx + \frac{\partial f}{\partial y} dy + \frac{\partial f}{\partial z} dz$ cas $D = \frac{xy}{z}$
 \downarrow
 $= \frac{y}{z} dx + \frac{x}{z} dy + (-\frac{xy}{z^2}) dz$
 \downarrow
 $\Delta D = \frac{y}{z} \Delta x + \frac{x}{z} \Delta y + \frac{xy}{z^2} \Delta z$

EXERCICE N°2 (10 points)

Tableau N° 1.

t(s)	0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6
Y (t). (m)	0	0.050	0.200	0.450	0.800	1.250	1.800
X (t). (m)	0	0.200	0.400	0.600	0.800	1.000	1.200

Le tableau ci-dessus donne des valeurs du déplacement vertical $y(t)$ et celles du déplacement horizontal $x(t)$. Ces valeurs sont déduites de l'enregistrement de la trajectoire d'une bille en acier placée sur le bord d'une table et lancée horizontalement, dans le champ de pesanteur terrestre, avec une vitesse initiale V_0 .

On demande de:

1. Reporter tous les points de la deuxième ligne du tableau N° 1 sur la figure N°1 en marquant chaque point par le signe \oplus . L'échelle des déplacements de la figure N°1 est de $1/10$
2. Tracer les vecteurs déplacements entre les différentes positions successives
3. Tracer les vecteurs vitesses de telle manière à ce que ces derniers soient confondus avec les vecteurs déplacements
4. Tracer les vecteurs accélérations de telle manière à ce que ces derniers soient confondus avec les vecteurs $\Delta V (V_{i+1} - V_i)$.

Remplir le tableau ci dessous

Echelle des déplacements	Echelle des vitesses	Echelle des accélérations
1 / 10	1 / 100	1 / 1000

Tableau N° 2

Remplir le tableau ci-dessous en donnant les valeurs lues des accélérations pour différentes positions

$g_{0.1s} (m/s^2)$	$g_{0.2s} (m/s^2)$	$g_{0.3s} (m/s^2)$	$g_{0.4s} (m/s^2)$	$g_{0.5s} (m/s^2)$
11	11	10	10	9.8

Tableau N° 3

5. En déduire l'accélération moyenne $g_{moy} \approx 10,8 \dots m/s^2$ $g_{moy} \in [9,6 ; 11,5]$

6. Calculer la vitesse initiale V_0 et en déduire l'équation horaire du mouvement de la bille $x(t)$

Sur l'axe X, le m.v.t est rectiligne uniforme \rightarrow Vitesse est constante:

$$x(t) = V_0 t \rightarrow V_0 = \frac{x(t)}{t} = \frac{0,2}{0,1} = \frac{0,4}{0,2} = \frac{0,6}{0,3} = \frac{0,8}{0,4} = \frac{1}{0,5} = \frac{1,2}{0,6} = 2$$

$$V_0 = 2 \text{ m/s} \rightarrow x(t) = 2t$$

7. Trouver l'équation horaire du mouvement de la bille $Y(t)$

Sur l'axe Y, le m.v.t est rectiligne uniformément accéléré (Ch. pesanteur)

$$Y(t) = \frac{1}{2} a t^2 + V_{0y} t + Y_0, \quad Y_0 = 0, \quad V_{0y} = 0 \rightarrow Y(t) = \frac{1}{2} a t^2$$

avec $a = g_{moy} = 10,8 \frac{m}{s^2}$ $Y(t) = 5,4 t^2$

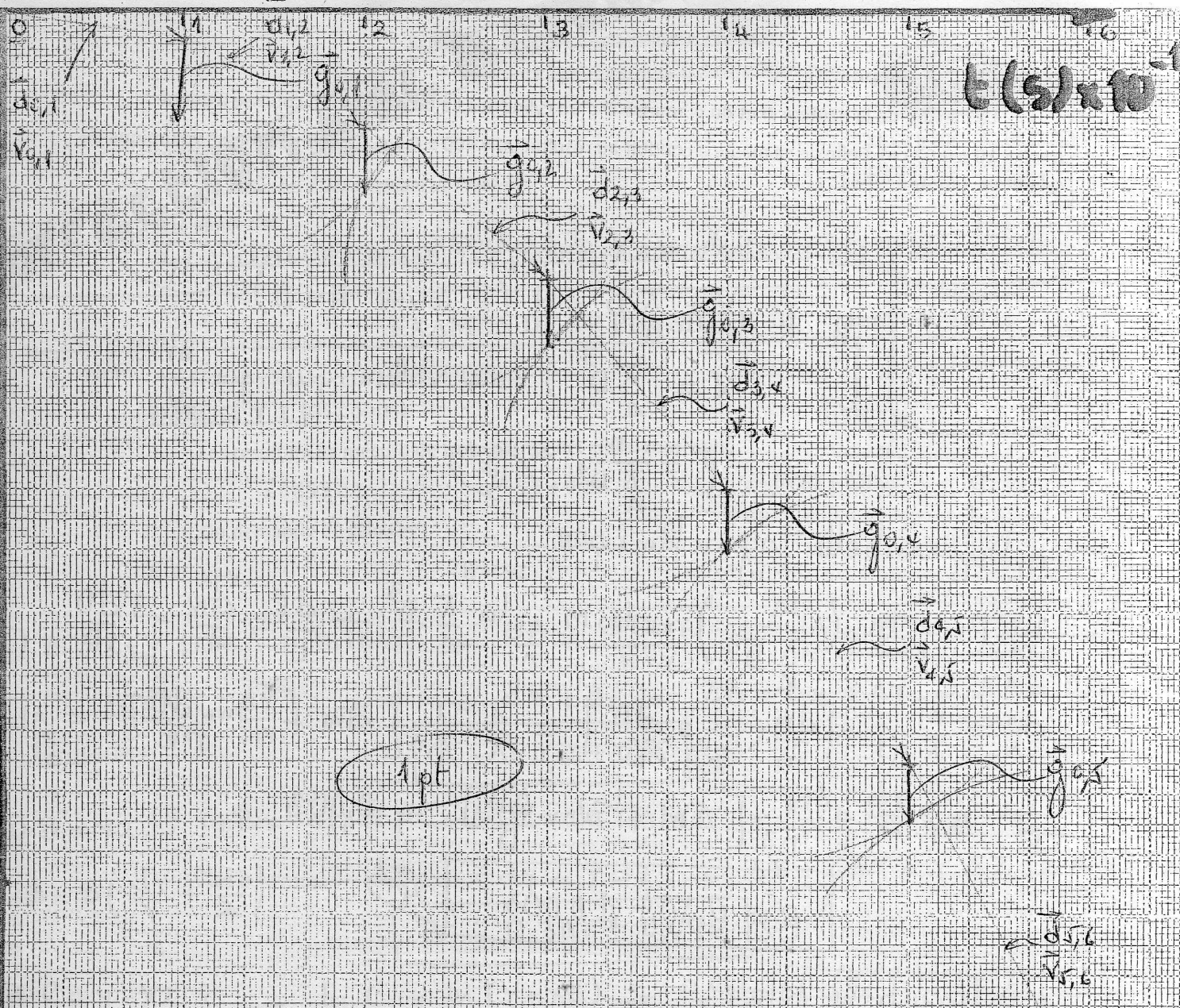
8. En déduire l'équation de la trajectoire de la bille

$$x(t) = 2t \rightarrow t = \frac{x}{2} \rightarrow y(x) = 5,4 \times \frac{x^2}{4}$$

$$y(t) = 5,4 t^2$$

$$\rightarrow Y(x) = 1,35 x^2$$

la trajectoire de la bille est une parabole



$E(s) \times 10^{-1}$

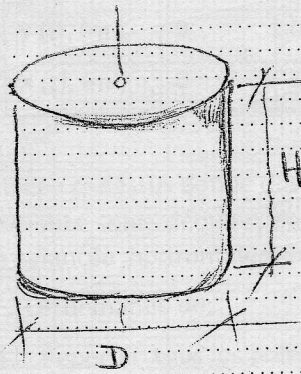
FIGURE 1. Echelle 1/10

$Y(t) (m)$

EXERCICE N° 3 (04 points)

La mesure de la hauteur H et du diamètre D d'un cylindre à l'aide d'un pied à coulisse a donné :

$H = D = 10 \pm 0.02$ cm. Celle de sa masse a conduit au résultat $m = 400 \pm 0.1$ g. Calculez la masse volumique du cylindre ρ (الكتلة الحجمية)



Volume V d'un cylindre :

$$V = \frac{\pi D^2}{4} \times H \quad (\text{et comme } H = D) \quad (1 \text{ pt})$$

$$V = \frac{\pi D^3}{4}, \quad \text{masse volumique } \rho = \frac{m}{V}$$

$$\rho = \frac{m}{\frac{\pi D^3}{4}} \quad (1 \text{ pt})$$

* Différentielle logarithmique -

$$\ln \rho = \ln \left(\frac{m}{\frac{\pi}{4} D^3} \right) = \ln m - \ln \frac{\pi}{4} D^3 \rightarrow \frac{d\rho}{\rho} = \frac{dm}{m} - 3 \frac{dD}{D}$$

$$d\rho = \frac{m}{\frac{\pi}{4} D^3} \times \left[\frac{dm}{m} - 3 \frac{dD}{D} \right] = \frac{4}{\pi} \cdot \frac{1}{D^3} \left[dm - 3m \frac{dD}{D} \right]$$

$$\rightarrow \Delta \rho = \frac{4}{\pi} \cdot \frac{1}{D^3} \left[\Delta m + 3m \frac{\Delta D}{D} \right] = 0,003$$

$$\boxed{\rho = 0,509 \pm 0,003} \quad (2 \text{ pts})$$

* Différentielle totale.

$$d\rho = \frac{\partial \rho}{\partial m} dm + \frac{\partial \rho}{\partial D} dD = \frac{4}{\pi} \cdot \frac{1}{D^3} dm - \frac{4m}{\pi} \cdot \frac{3dD}{D^4}$$

$$d\rho = \frac{4}{\pi} \cdot \frac{1}{D^3} \left[dm - 3m \frac{dD}{D} \right] \rightarrow \Delta \rho = \frac{4}{\pi} \cdot \frac{1}{D^3} \left[dm + 3m \frac{\Delta D}{D} \right]$$

NB. La date de la consultation des copies sera communiqué par voie d'affichage au pavillon 5 (Pav 5).